

L'épreuve comporte quatre exercices indépendants

**EXERCICE 1 : (5points)**

1- On se propose de résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation (E) suivante :

$$-e^{2x} + 3e^x + 4 = 0$$

- a) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $-x^2 + 3x + 4 = 0$  1pt  
b) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation (E). 1pt

2- a) Résoudre dans  $\mathbb{R}^3$  le système suivant :

$$\begin{cases} 5x - 2y + 3z = 6 \\ -4x + 3y + z = 0 \\ x + 3y - 2z = 2 \end{cases} \quad 1,5\text{pt}$$

b) En déduire dans  $\mathbb{R}^3$  les solutions du système suivant :

$$\begin{cases} 5 \ln x - 2 \ln y + 3 \ln z = 6 \\ -4 \ln x + 3 \ln y + \ln z = 0 \\ \ln x + 3 \ln y - 2 \ln z = 2 \end{cases} \quad 1,5\text{pt}$$

**EXERCICE 2 : (5points)**

Pour chacune des questions, choisir la réponse juste et l'écrire sur votre feuille de composition. Aucune justification n'est exigée.

- 1- Le nombre réel 0,73737373 a pour arrondi d'ordre 2 :  
a) 0,737 ;      b) 0,73 ;      c) 0,74 ;      d) 0,7.      0,75pt
- 2- Une solution de l'équation  $x^3 - 16x^2 + 23x + 40 = 0$  à inconnue  $x$  dans  $\mathbb{R}$  est : a) -2 ;      b) -1 ;      c) 1 ;      d) 0      0,75pt
- 3- Une équation de la tangente à la courbe de la fonction  $f$  définie par :  
 $f(x) = -x^2 + e^x$  au point d'abscisse 0 est :  
a)  $y=0$  ;      b)  $y=1$  ;      c)  $y=x+1$  ;      d)  $y=2x+1$       0,75pt
- 4- Dans une classe de 40 élèves, 15 élèves ont moins de 17 ans, 10 élèves ont entre 17 et 20 ans, 6 élèves ont 21 ans et le reste à plus de 21 ans. On choisit au hasard un élève dans cette classe.
- 4-1 La probabilité pour que cet élève ait moins de 21 ans est :  
a)  $\frac{3}{8}$  ;      b)  $\frac{5}{8}$  ;      c)  $\frac{2}{8}$  ;      d)  $\frac{1}{5}$  .      1pt
- 4-2 On dit qu'un élève est mineur s'il a moins de 17 ans. La probabilité pour que l'élève choisit ne soit pas mineur est :  
a)  $\frac{5}{8}$  ;      b)  $\frac{3}{8}$  ;      c)  $\frac{1}{5}$  ;      d)  $\frac{1}{4}$  .      0,75pt

5- Une primitive dans l'intervalle  $]3, +\infty[$  de la fonction

$$g: x \mapsto x - 3 + \frac{1}{x-3} \text{ est :}$$

- a)  $\ln|x-3|$  ; b)  $1 + \ln(3-x)$  ; c)  $\frac{1}{2}x^2 - 3x + \ln(x-3)$  ; d)  $1 - \ln|x-3|$  .

1pt

**EXERCICE 3: (5points)**

La répartition des candidats à un test de présélection suivant le total des points obtenus a donné le tableau suivant :

Total de points	$[20,30[$	$[30,40[$	$[40,50[$	$[50,60[$	$[60,70[$	$[70,80[$
Nombre de candidats	27	43	38	28	21	3

- 1- a) Etablir le tableau des effectifs relatif à la série associée des centres de classes. 1pt  
 b) En déduire la moyenne de cette série. 0,75pt  
 c) Calculer la variance et l'écart-type de cette série. 1,5pt  
 2- Etablir le tableau des effectifs cumulés croissants. 1,75pts

**EXERCICE 4: (5points)**

Soit  $f$  la fonction de  $\mathbb{R} - \{2\}$  vers  $\mathbb{R}$  définie par :  $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 5}{x-2}$ .

On désigne par  $(C)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé du plan.

- 1- a) Calculer les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition. 1pt  
 b) Calculer la dérivée de  $f$  et dresser son tableau de variation. 1pt  
 2- a) Montrer que pour tout  $x$  différent de 2,  $f(x)$  s'écrit aussi :  

$$f(x) = x - 2 + \frac{1}{x-2} .$$
 0,5pt  
 b) Calculer  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x-2)]$  et en déduire que  $(C)$  admet une asymptote oblique  $(D)$  dont on donnera une équation cartésienne. 0,75pt  
 c) Préciser la position relative de  $(C)$  et  $(D)$ . 0,5pt  
 3- Tracer  $(C)$  et  $(D)$ . 1,25pt